

(201)

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} (\arctg e^{-x})^{\frac{x+3}{1-2x^2}} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{x+3}{1-2x^2} \log \arctg e^{-x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{x+3}{1-2x^2} \log \frac{\arctg e^{-x}}{e^{-x}} \cdot e^{-x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{x+3}{1-2x^2} \left(\log \frac{\arctg e^{-x}}{e^{-x}} - x \right)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow +\infty} e^{\frac{x+3}{1-2x^2} \log \frac{\arctg e^{-x}}{e^{-x}} - \frac{x^2+3x}{2x^2-1}}$$

$$= e^{0 \log 1 - \frac{1}{2}} = e^{-\frac{1}{2}} = \sqrt{e}$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \left(\sqrt[5]{1+e} \right)^{\frac{3x+1}{x^2+5}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\frac{3x+1}{x^2+5} \log \sqrt[5]{1+e}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\frac{3x+1}{x^2+5} \log \sqrt[5]{1+e}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow -\infty} e^{\frac{3x+1}{x^2+5} \log \sqrt[5]{1+e}}$$

$$= e^0 \cdot e^0 = 1$$